

Государственное бюджетное общеобразовательное учреждение
средняя общеобразовательная школа №386
Кировского района Санкт-Петербурга

ПРИНЯТО
Педагогическим советом
ГБОУ СОШ №386
Кировского района Санкт – Петербурга
(протокол № 1 от 30.08.2021 г.)
_____ / _____ /

УТВЕРЖДЕНО
Приказом директора ГБОУ СОШ №386
Кировского района Санкт – Петербурга
№ 58.1 от 30.08.2021 г.
_____ / _____ /

**Рабочая программа
учебного предмета «Геометрия»
для 7А,Б класса**

Учитель математики Могилева А.М.

Срок реализации 2021-2022 учебный год

**Санкт-Петербург
2021**

ПОЯСНИТЕЛЬНАЯ ЗАПИСКА

Рабочая программа по учебному курсу «Геометрия» для 7 класса составлена в соответствии со следующими нормативными документами:

- Федеральный государственный образовательный стандарт основного общего образования второго поколения,
- примерная Программа основного общего образования по математике,
- Программа по геометрии для 7–9 классов общеобразовательных школ к учебнику Л.С. Атанасяна и др. «Геометрия. 7-9 классы» (М.: Просвещение, 2019).
- Учебного плана ГБОУ СОШ № 386 Кировского района Санкт-Петербурга

Данная рабочая программа полностью отражает базовый уровень подготовки школьников по разделам программы. Она конкретизирует содержание тем образовательного стандарта и дает примерное распределение учебных часов по разделам курса.

Программа может быть реализована с применением электронного обучения и дистанционных образовательных технологий.

При реализации программы может применяться форма организации образовательной деятельности, основанная на модульном принципе представления содержания образовательной программы.

При реализации программы с применением исключительно электронного обучения, дистанционных образовательных технологий должны быть созданы условия для функционирования электронной информационно-образовательной среды, включающей в себя

- электронные информационные ресурсы: учебники, методические материалы и т.д. в электронном виде
- электронные образовательные ресурсы: перечисление платформ
- совокупность информационных технологий, телекоммуникационных технологий, соответствующих технологических средств и обеспечивающей освоение обучающимися образовательных программ в полном объеме независимо от места нахождения обучающихся: перечисление технологий и мессенджеров: Zoom, скайп, вотсап и т.д.

Общая характеристика курса геометрии в 7 классе

Геометрия является одним из опорных предметов основной школы: она обеспечивает изучение не только математических предметов, но и смежных дисциплин.

В результате освоения курса геометрии 7 класса учащиеся получают представление об основных фигурах на плоскости и их свойствах; приобретают навыки геометрических построений, необходимые для выполнения часто встречающихся графических работ, а также навыки измерения и вычисления длин, углов, применяемые для решения разнообразных геометрических и практических задач.

В курсе геометрии 7 класса можно выделить следующие содержательно-методические линии: «Геометрические фигуры», «Измерение геометрических величин».

Линия «Геометрические фигуры» нацелено на получение конкретных знаний о геометрической фигуре как важнейшей модели для описания окружающей реальности, а также способствует развитию логического мышления путем систематического изучения свойств геометрических фигур на плоскости и применении этих свойств при решении задач на доказательство и на построение с помощью циркуля и линейки.

Содержание раздела «Измерение геометрических величин» нацелено на приобретение практических навыков, необходимых в повседневной жизни, а также способствует формированию у учащихся функциональной грамотности – умения

воспринимать и критически анализировать информацию, представленную в различных формах

Главной целью образования является развитие ребенка как компетентной личности путем включения его в различные виды ценностной человеческой деятельности: учеба, познания, коммуникация, профессионально-трудовой выбор, личностное саморазвитие, ценностные ориентации, поиск смыслов жизнедеятельности. С этих позиций обучение рассматривается как процесс овладения не только определенной суммой знаний и системой соответствующих умений и навыков, но и как процесс овладения компетенциями.

Это определило **цели обучения математике:**
в направлении личностного развития:

- развитие логического и критического мышления, культуры речи, способности к умственному эксперименту;
- формирование у учащихся интеллектуальной честности и объективности, способности к преодолению мыслительных стереотипов, вытекающих из обыденного опыта;
- воспитание качеств личности, обеспечивающих социальную мобильность, способность принимать самостоятельные решения;
- формирование качеств мышления, необходимых для адаптации в современном информационном обществе;
- развитие интереса к математическому творчеству и математических способностей.

в метапредметном направлении:

- формирование представлений о математике как части общечеловеческой культуры, о значимости математики в развитии цивилизации и современного общества;
- развитие представлений о математике как форме описания и методе познания действительности, создание условий для приобретения первоначального опыта математического моделирования;
- формирование общих способов интеллектуальной деятельности, характерных для математики и являющихся основной познавательной культуры, значимой для различных сфер человеческой деятельности.

в предметном направлении:

- овладение математическими знаниями и умениями, необходимыми для продолжения обучения в старшей школе или иных общеобразовательных учреждениях, изучения смежных дисциплин, применения в повседневной жизни;
- создание фундамента для математического развития, формирования механизмов мышления, характерных для математической деятельности.

Задачи:

- овладеть системой математических знаний и умений, необходимых для применения в практической деятельности, изучении смежных дисциплин;
- способствовать интеллектуальному развитию, формировать качества личности, необходимые человеку для полноценной жизни в современном обществе, свойственные математической деятельности: ясности и точности мысли, интуиции, логического мышления, пространственных представлений, способности к преодолению трудностей;
- формировать представления об идеях и методах математики как универсального языка науки и техники, средствах моделирования явлений и процессов;

Задачи обучения геометрии:

- введение терминологии и отработка умения ее грамотного использования;
- развитие навыков изображения простейших пространственных фигур и простейших геометрических конфигураций;
- совершенствование навыков применения свойств геометрических фигур как опоры при решении задач;
- формирование умения решать задачи на вычисление геометрических величин;
- совершенствование навыков решение задач на доказательство;
- расширение знаний учащихся о геометрических фигурах.
- развитие навыков самостоятельной работы с источниками информации, обобщения и систематизации полученной информации, интегрирования ее в личный опыт;
- развитие навыков проведения доказательных рассуждений, логического обоснования выводов, различия доказанных и недоказанных утверждений, аргументированных и эмоционально убедительных суждений;
- развитие навыков самостоятельной и коллективной деятельности, включения своих результатов в результаты работы группы, соотнесение своего мнения с мнением других.

Место предмета в федеральном базисном учебном плане

Базисный учебный план на изучение геометрии в 7 классе отводит 2 часа в неделю, всего – 68 часов.

Планируемые результаты обучения

Программа обеспечивает достижение следующих результатов освоения образовательной программы основного общего образования:

личностные:

- сформированность ответственного отношения к учению, готовность и способность обучающихся к саморазвитию и самообразованию на основе мотивации к обучению и познанию, выбору дальнейшего образования на базе ориентировки в мире профессий и профессиональных предпочтений, осознанному построению индивидуальной образовательной траектории с учётом устойчивых познавательных интересов;
- сформированность целостного мировоззрения, соответствующего современному уровню развития науки и общественной практики;
- сформированность коммуникативной компетентности в общении и сотрудничестве со сверстниками, старшими и младшими, в образовательной, общественно полезной, учебно-исследовательской, творческой и других видах деятельности;
- умение ясно, точно, грамотно излагать свои мысли в устной и письменной речи, понимать смысл поставленной задачи, выстраивать аргументацию, приводить примеры и контрпримеры;
- представление о математической науке как сфере человеческой деятельности, об этапах её развития, о её значимости для развития цивилизации;
- критичность мышления, умение распознавать логически некорректные высказывания, отличать гипотезу от факта;
- креативность мышления, инициатива, находчивость, активность при решении алгебраических задач;
- умение контролировать процесс и результат учебной математической деятельности;

- способность к эмоциональному восприятию математических объектов, задач, решений, рассуждений.

метапредметные:

- умение самостоятельно планировать альтернативные пути достижения целей, осознанно выбирать наиболее эффективные способы решения учебных и познавательных задач;
- умение осуществлять контроль по результату и по способу действия на уровне произвольного внимания и вносить необходимые корректизы;
- умение адекватно оценивать правильность или ошибочность выполнения учебной задачи, её объективную трудность и собственные возможности её решения;
- осознанное владение логическими действиями определения понятий, обобщения, установления аналогий, классификации на основе самостоятельного выбора оснований и критерииев, установления родовидовых связей;
- умение устанавливать причинно-следственные связи; строить логическое рассуждение, умозаключение (индуктивное, дедуктивное и по аналогии) и выводы;
- умение создавать, применять и преобразовывать знаково-символические средства, модели и схемы для решения учебных и познавательных задач;
- умение организовывать учебное сотрудничество и совместную деятельность с учителем и сверстниками: определять цели, распределение функций и ролей участников, взаимодействие и общие способы работы; умение работать в группе: находить общее решение и разрешать конфликты на основе согласования позиций и учёта интересов; слушать партнёра; формулировать, аргументировать и отстаивать своё мнение;
- сформированность учебной и общепользовательской компетентности в области использования информационно-коммуникационных технологий (ИКТ-компетентности);
- первоначальные представления об идеях и о методах математики как об универсальном языке науки и техники, о средстве моделирования явлений и процессов;
- умение видеть математическую задачу в контексте проблемной ситуации в других дисциплинах, в окружающей жизни;
- умение находить в различных источниках информацию, необходимую для решения математических проблем, и представлять её в понятной форме; принимать решение в условиях неполной и избыточной, точной и вероятностной информации;
- умение понимать и использовать математические средства наглядности (рисунки, чертежи, схемы и др.) для иллюстрации, интерпретации, аргументации;
- умение выдвигать гипотезы при решении учебных задач и понимать необходимость их проверки;
- умение применять индуктивные и дедуктивные способы рассуждений, видеть различные стратегии решения задач;
- понимание сущности алгоритмических предписаний и умение действовать в соответствии с предложенным алгоритмом;
- умение самостоятельно ставить цели, выбирать и создавать алгоритмы для решения учебных математических проблем;
- умение планировать и осуществлять деятельность, направленную на решение задач исследовательского характера.

предметные:

- овладение базовым понятийным аппаратом по основным разделам содержания; представление об основных изучаемых понятиях (число, геометрическая фигура) как важнейших математических моделях, позволяющих описывать и изучать реальные процессы и явления;
- умение работать с геометрическим текстом (анализировать, извлекать необходимую информацию), точно и грамотно выражать свои мысли в устной и письменной речи с применением математической терминологии и символики, использовать различные языки математики, проводить классификации, логические обоснования, доказательства математических утверждений;
- овладение навыками устных, письменных инструментальных вычислений;
- овладение геометрическим языком, умении использовать его для описания предметов окружающего мира, развитие пространственных умений, приобретение навыков геометрических построений;
- усвоение систематических знаний о плоских фигурах и их свойствах, а также на наглядном уровне – о простейших пространственных телах, умение применять систематические знания о них для решения геометрических и практических задач;
- умение измерять длины отрезков, величины углов, использовать формулы для нахождения периметров, площадей и объемов геометрических фигур;
- умение применять изученные понятия, результаты, методы для решения задач практического характера и задач из смежных дисциплин с использованием при необходимости справочных материалов, калькулятора компьютера.

Характеристика класса

Рабочая программа составлена с учетом индивидуальных особенностей и специфики классного коллектива учащихся 7-а класса.

В классе 29 учеников. Из них 16 мальчиков и 13 девочек. Основная масса учащихся обучается совместно с первого класса. Класс по поведению беспокойный, трудно управляемый, тяжело вовлекаемый в образовательную деятельность. Отношения в классе ровные, дружеские. Класс в целом склонен к активным формам работы. Отмечается нестабильность поведения на уроках, средний уровень работоспособности, у некоторых низкая концентрация внимания, наблюдается снижение ответственности к выполнению поручений.

По уровню развития в классе можно выделить небольшую группу учащихся с произвольным вниманием, словесно-логическим видом памяти, смысловым способом запоминания и словесно-логическим типом мышления (Бурьян М., Брызгалова А., Голубев М., Лакатош И., Руденко С., Чебракова К.). У большинства учащихся преобладает непроизвольное внимание с невысокой устойчивостью и сосредоточенностью, сложно переключаемое и перераспределляемое; вид памяти преобладает образный с некоторым включением эмоциональной памяти; способ запоминания преобладает механический, не опирающийся на понимание, тип мышления – наглядно-образный. Особое внимание необходимо уделить учащимся со слабой мотивацией и низким уровнем развития (Исаков И., Карнаухов М., Салихбеков Р., Соколов А., Силуянова В.). Остальные учащиеся имеют средний уровень развития.

Класс не способен к длительному произвольному **вниманию**. У группы учеников есть сложности с переключением и распределением внимания, сосредоточенностью, усвоением учебного материала. Для того, чтобы справляться с этими нарушениями, на уроке используются методы повторения информации, акцентирования, стимулирования и др. Преобладающие типы **запоминания** в классе образный, эмоциональный и механический. В связи с этим в процессе урока информация

подается в виде наглядной демонстрации образов с использованием живых интересных примеров и разъясняется важность и необходимость информации для развития смысловой памяти. Для более эффективного запоминания информация подается как устно (для активизации слуховой памяти), так и представлена в письменной форме (для активизации зрительной памяти).

Многие учащиеся класса выполняют домашние задания поверхностно, недобросовестно, не вникая в рекомендации, данные на уроке, в том числе и индивидуальные задания, или развивающие, логические задания с интересными выводами для расширения кругозора.

Для данного класса лучше всего использовать методы и технологии, которые позволяют организовать разнообразную деятельность и полную загруженность учащихся во время урока, не позволяющую им переключать внимание на посторонние отвлечения. К некоторым учащимся может быть применен метод индивидуального подхода. На уроках необходимо развивать интерес обучающихся к предметам, поощрять их самостоятельные занятия дома.

Чтобы включить всех детей в работу на уроке, следует применять индивидуальный подход как при отборе учебного содержания, адаптируя его к интеллектуальным особенностям детей, так и при выборе форм и методов его освоения, использовать нетрадиционные формы организации деятельности, частые смены видов работы, методы повторения информации, акцентирования, стимулирования и др.

Виды уроков	Урок открытия новых знаний, обретения новых умений и навыков, деловая игра, комбинированный урок, письменные работы, устные опросы
Применяемые технологии	Модульные, информационно-коммуникативные (ИКТ), здоровье сберегающие, педагогика сотрудничества

Учебно-тематический план

№ п/п	Раздел	Кол-во часов	Контроль (из них)
1.	Начальные геометрические сведения	10	к/р № 1
2.	Треугольники	17	к/р № 2
3.	Параллельные прямые	12	к/р № 3
4.	Соотношения между сторонами и углами треугольника	19	к/р № 4 к/р № 5
5.	Повторение. Решение задач	10	к/р № 6
	Всего:	68	6

Содержание учебного курса

1. Начальные геометрические сведения.

Возникновение геометрии из практики. Геометрические фигуры. Равенство в геометрии. Точка, прямая и плоскость. Отрезок, луч. Расстояние. Угол. Прямой угол. Острые и тупые углы. Вертикальные и смежные углы. Биссектриса угла.

Основная цель — систематизировать знания учащихся об основных свойствах простейших геометрических фигур.

2. Треугольники

Прямоугольные, остроугольные и тупоугольные треугольники. Высота, медиана, биссектриса, средняя линия треугольника. Равнобедренные и равносторонние треугольники. Прямая и обратная теоремы, свойства и признаки

равнобедренного треугольника. Признаки равенства треугольников. Построения с помощью циркуля и линейки. Основные задачи на построение: деление отрезка пополам, построение перпендикуляра к прямой, построение биссектрисы угла.

Основная цель — изучить признаки равенства треугольников; сформировать умение доказывать равенство треугольников с опорой на признаки равенства треугольников, решать простейшие задачи на построение с помощью циркуля и линейки, дать систематизированные сведения о параллельности прямых

3. Параллельные прямые

Параллельные и пересекающиеся прямые. Определения, доказательства, аксиомы и теоремы, следствия. Перпендикулярность прямых. Контрпример, доказательство от противного. Теоремы о параллельности и перпендикулярности прямых. Перпендикуляр и наклонная к прямой.

Основная цель — ввести одно из важнейших понятий — понятие параллельных прямых; дать новое представление об аксиомах и аксиоматическом методе в геометрии; ввести аксиому параллельных прямых.

4. Соотношения между сторонами и углами треугольника

Неравенство треугольника. Сумма углов треугольника. Внешние углы треугольника. Зависимость между величинами сторон и углов треугольника. Признаки равенства прямоугольных треугольников. Построение треугольника по трем сторонам.

Основная цель — расширить знания учащихся о треугольниках.

5. Повторение. Решение задач

Планируемые результаты обучения. Базовый уровень

Геометрические фигуры

Выпускник научится:

- пользоваться языком геометрии для описания предметов окружающего мира и их взаимного расположения;
- распознавать и изображать на чертежах и рисунках геометрические фигуры и их конфигурации; находить значения длин линейных элементов фигур и их отношения, градусную меру углов от 0 до 180° , применяя определения, свойства и признаки фигур и их элементов, отношения фигур (равенство, подобие, симметрия, поворот, параллельный перенос);
- решать задачи на доказательство, опираясь на изученные свойства фигур и отношений между ними и применяя изученные методы доказательств;
- решать несложные задачи на построение, применяя основные алгоритмы построения с помощью циркуля и линейки;
- решать простейшие планиметрические задачи в пространстве.

Выпускник получит возможность:

- овладеть методами решения задач на вычисления и доказательства: методом от противного, методом подобия, методом перебора вариантов и методом геометрического места точек;
- приобрести опыт применения алгебраического и тригонометрического аппарата и идей движения при решении геометрических задач;
- овладеть традиционной схемой решения задач на построение с помощью циркуля и линейки: анализ, построение, доказательство и исследование;
- научиться решать задачи на построение методом геометрического места точек и методом подобия;

- приобрести опыт исследования свойств планиметрических фигур с помощью компьютерных программ;
- приобрести опыт выполнения проектов по темам: «Геометрические преобразования на плоскости», «Построение отрезков по формуле».

Измерение геометрических величин

Выпускник научится:

- использовать свойства измерения длин, площадей и углов при решении задач на нахождение длины отрезка, длины окружности, длины дуги окружности, градусной меры угла;
- вычислять площади треугольников, прямоугольников, параллелограммов, трапеций, кругов и секторов;
- вычислять длину окружности, длину дуги окружности;
- вычислять длины линейных элементов фигур и их углы, используя формулы длины окружности и длины дуги окружности, формулы площадей фигур;
- решать задачи на доказательство с использованием формул длины окружности и длины дуги окружности, формул площадей фигур;
- решать практические задачи, связанные с нахождением геометрических величин (используя при необходимости справочники и технические средства).

Выпускник получит возможность научиться:

- вычислять площади фигур, составленных из двух или более прямоугольников, параллелограммов, треугольников, круга и сектора;
- вычислять площади многоугольников, используя отношения равновеликости и равносоставленности;
- применять алгебраический и тригонометрический аппарат и идеи движения при решении задач на вычисление площадей многоугольников

Критерии и нормы оценки знаний, умений, навыков обучающихся применительно к различным формам контроля знаний

Содержание и объем материала, подлежащего проверке, определяется программой. При проверке усвоения материала выявляется полнота, прочность усвоения учащимися теории и умения применять ее на практике в знакомых и незнакомых ситуациях.

Основными формами проверки знаний и умений, учащихся по математике являются письменная контрольная работа, письменная самостоятельная работа и устный опрос.

Задания для устного и письменного опроса учащихся состоят из теоретических вопросов и задач.

Ответ на теоретический вопрос считается безупречным, если по своему содержанию полностью соответствует вопросу, содержит все необходимые теоретические факты и обоснованные выводы, а его изложение и письменная запись математически грамотны и отличаются последовательностью и аккуратностью.

Решение задачи считается безупречным, если правильно выбран способ решения, само решение сопровождается необходимыми объяснениями, верно, выполнены нужные вычисления и преобразования, получен верный ответ, последовательно и аккуратно записано решение.

Оценка ответа учащихся при устном и письменном опросе производится по пятибалльной системе. («1» балл – минимальная оценка, «5» баллов – максимальная оценка).

Итоговые отметки (за тему, четверть) выставляются по состоянию знаний на конец этапа обучения с учетом текущих отметок.

Оценка письменных контрольных работ

Отметка «5» ставиться, если:

- работа выполнена полностью;
- в логических рассуждениях и обосновании решения нет пробелов и ошибок;
- в решении нет математических ошибок (возможна одна неточность, описка, которая не является следствием незнания или непонимания учебного материала).

Отметка «4» ставится в следующих случаях:

- работа выполнена полностью, но обоснования шагов решения недостаточны (если умение обосновывать рассуждения не являлось специальным объектом проверки);
- допущены одна ошибка или есть два – три недочёта в выкладках, рисунках, чертежах или графиках (если эти виды работ не являлись специальным объектом проверки).

Отметка «3» ставится, если обучающийся обладает обязательными умениями по проверяемой теме, но в выкладках, чертежах или графиках допущено:

- не более двух грубых ошибок;
- не более одной грубой и одной негрубой ошибки и одного недочета;
- не более двух-трех негрубых ошибок;
- одной негрубой ошибки и трех недочетов;
- при отсутствии ошибок, но при наличии четырех-пяти недочетов

Отметка «2» ставится, если:

- допущены существенные ошибки, показавшие, что обучающийся не обладает обязательными умениями по данной теме в полной мере;
- правильно выполнил менее половины работы.

Отметка «1» ставится, если:

- работа показала полное отсутствие у обучающегося обязательных знаний и умений по проверяемой теме или значительная часть работы выполнена не самостоятельно.

Оценка тестовых работ:

Каждое задание в teste имеет свою балловую оценку в зависимости от сложности задания. При проверке теста баллы суммируются и переводятся в проценты, отметки выставляются по следующим критериям:

- Оценка 3 ставиться, если выполнено не менее 50 % предложенных заданий.
- Оценка 4 ставиться, если выполнено не менее 75 % предложенных заданий.
- Оценка 5 ставиться, если выполнено не менее 90 % предложенных заданий.

Оценка устных ответов

Устный опрос является основной формой контроля, позволяющий проверить знания и понимание материала учащимися, развивать монологическую речь учащихся. Оценивание ответа происходит по следующим критериям:

Отметка «5» ставиться, если ученик:

- полно раскрыл содержание материала в объеме, предусмотренном программой и учебником;
- изложил материал грамотным языком, точно используя математическую терминологию и символику, в определенной логической последовательности;

- правильно выполнил рисунки, чертежи, графики, сопутствующие ответу;
- показал умение иллюстрировать теорию конкретными примерами, применять ее в новой ситуации при выполнении практического задания;
- продемонстрировал знание теории ранее изученного сопутствующего материала курса; сформированность и устойчивость используемых при ответе умений и навыков;
- отвечал самостоятельно, без наводящих вопросов учителя;
- возможны одна – две неточности при освещение второстепенных вопросов или в выкладках, которые ученик легко исправил после замечания учителя.

Отметка «4» ставится, если

- ответ удовлетворяет в основном требованиям на оценку «5», но при этом имеет один из недостатков:
- в изложении допущены небольшие пробелы, не искажившее математическое содержание ответа;
- допущены один – два недочета при освещении основного содержания ответа, исправленные после замечания учителя;
- допущены ошибки или более двух недочетов при освещении второстепенных вопросов или в выкладках, легко исправленные после замечания учителя.

Отметка «3» ставится в следующих случаях:

- неполно раскрыто содержание материала (содержание изложено фрагментарно, не всегда последовательно), но показано общее понимание вопроса и продемонстрированы умения, достаточные для усвоения программного материала (определенны «Требованиями к математической подготовке обучающихся» в настоящей программе по математике);
- имелись затруднения или допущены ошибки в определении математической терминологии, чертежах, выкладках, исправленные после нескольких наводящих вопросов учителя;
- ученик не справился с применением теории в новой ситуации при выполнении практического задания, но выполнил задания обязательного уровня сложности по данной теме;
- при достаточном знании теоретического материала выявлена недостаточная сформированность основных умений и навыков.

Отметка «2» ставится в следующих случаях:

- не раскрыто основное содержание учебного материала;
- обнаружено незнание учеником большей или наиболее важной части учебного материала;
- допущены ошибки в определении понятий, при использовании математической терминологии, в рисунках, чертежах или графиках, в выкладках, которые не исправлены после нескольких наводящих вопросов учителя.

Отметка «1» ставится, если:

- ученик обнаружил полное незнание и непонимание изучаемого учебного материала или не смог ответить ни на один из поставленных вопросов по изученному материалу.

Общая классификация ошибок

При оценке знаний, умений и навыков обучающихся следует учитывать все ошибки (грубые и негрубые) и недочёты.

Грубые ошибки:

- незнание определения основных понятий, законов, правил, основных положений теории, незнание формул, общепринятых символов обозначений величин, единиц их измерения;
- незнание наименований единиц измерения;
- неумение выделить в ответе главное;
- неумение применять знания, алгоритмы для решения задач;
- неумение делать выводы и обобщения;
- неумение читать и строить графики;
- неумение пользоваться первоисточниками, учебником и справочниками;
- потеря корня или сохранение постороннего корня;
- отбрасывание без объяснений одного из них;
- равнозначные им ошибки;
- вычислительные ошибки, если они не являются опиской;
- логические ошибки.

Негрубые ошибки:

- неточность формулировок, определений, понятий, теорий, вызванная неполнотой охвата основных признаков определяемого понятия или заменой одного - двух из этих признаков второстепенными;
- неточность графика;
- нерациональный метод решения задачи или недостаточно продуманный план ответа (нарушение логики, подмена отдельных основных вопросов второстепенными);
- нерациональные методы работы со справочной и другой литературой;
- неумение решать задачи, выполнять задания в общем виде.

7.3. Недочеты:

- нерациональные приемы вычислений и преобразований;
- вычислительная ошибка, которая не привела к искажению смысла полученного учеником задания или способа его выполнения;
- небрежное выполнение записей, чертежей, схем, графиков.

Виды и формы контроля

Для оценки учебных достижений обучающихся используется:

- текущий контроль в виде проверочных работ, математических диктантов, теоретических опросов, самостоятельных работ и тестов;
- тематический контроль в виде контрольных работ, зачетов;
- итоговый контроль в виде контрольной работы

Учебно-методический комплект:

- Алгебра и начала математического анализа, 10 -11 классы: учеб. Для общеобразовательных учреждений /Ш.А. Алимов [и др.], - М.: Просвещение, 2012.
 - Алгебра и начала математического анализа. Дидактические материалы. 10 - 11 класс. / М.Н. Шабунин, М.В. Ткачева, Н.Е. Федорова. – М.; Просвещение. 2012.
 - Алгебра и начала математического анализа. Методические рекомендации. 10-11 классы: учебное пособие для общеобразовательных организаций/ Н.Е. Федорова, М.В. Ткачева. М.: Просвещение, 2017.
- Алгебра и начала математического анализа. Сборник рабочих программ. 10—11 классы: учеб. пособие для общеобразовательных организаций : базовый и углубл.

Интернет – ресурсы

- Тематические презентации
- «Решу ЕГЭ»: математика – 2018: задания, ответы, решения.
<https://math-ege.sdamgia.ru/>
- Фестиваль Открытый урок Первое сентября (методические разработки)
<http://urok.1sept.ru/>
- портал информационной поддержки мониторинга качества образования, здесь можно найти Федеральный банк тестовых заданий.
<http://www.fipi.ru/>
- www.school.edu.ru
- Решу ОГЭ сайт Д. Гущина <https://oge.sdamgia.ru/>

Технические средства обучения:

- классная доска с набором магнитов для крепления таблиц;
- персональный компьютер;
- мультимедийный проектор;
- демонстрационные измерительные инструменты и приспособления (размеченные и неразмеченные линейки, циркули, транспортиры, наборы угольников);
- демонстрационные таблицы

Календарно-тематическое планирование по геометрии 7 класс

2 часа в неделю, всего 68 часов

(Атанасян Л.С., Бутузов В.Ф., Кадомцев С.Б. Геометрия 7-9, М.:Просвещение)

№ п/п	Тема урока (тип урока)	Тип урока	Планируемые результаты обучения		Виды и формы контроля
			УУД	Освоение предметных знаний	
Глава 1. Начальные геометрические сведения. (10 часов)					
1.	Прямая и отрезок	ИНМ ЗИМ	<p>Коммуникативные: Уметь при необходимости отстаивать свою точку зрения, аргументируя ее, подтверждая фактами; продуктивно общаться и взаимодействовать с коллегами по совместной деятельности; с достаточной полнотой и точностью выражать свои мысли в соответствии с задачами и условиями коммуникации; вступать в диалог, участвовать в коллективном обсуждении проблем; вступать в диалог, участвовать в коллективном обсуждении проблем.</p> <p>Регулятивные: определять цель учебной деятельности, осуществлять поиск ее достижения; осознавать правило контроля и успешно использовать его в решении учебной задачи; составлять план выполнения задания с учителем; понимать причины своего неуспеха и находить способы выхода из этой ситуации; обнаруживать и формулировать учебную проблему совместно с учителем.</p> <p>Познавательные: передавать основное содержание в сжатом, выборочным или развернутом виде; выбирать наиболее</p>	<p>Распознавать прямые и отрезки на чертежах, моделях, в окружающей обстановке; чётко и правильно отвечать на вопросы: сколько прямых можно провести через две точки? Сколько общих точек могут иметь две прямые? Они должны уметь объяснить, какая фигура называется отрезком; уметь обозначать точки, прямые и отрезки на рисунке, изображать возможные случаи взаимного расположения этих фигур. Формулировать определения и иллюстрировать понятия отрезка.</p>	УО, СП, ВП, СР
2.	Луч и угол	ИНМ ЗИМ		<p>Формулировать определения и иллюстрировать понятия луча; угла, прямого, острого, тупого и развернутого углов. Распознавать на чертежах, моделях и в окружающей обстановке; уметь объяснить, что такое луч, изображать и обозначать лучи, уметь объяснить, какая геометрическая фигура называется углом, что такие стороны и вершина угла, уметь обозначать неразвернутые и развернутые углы, показывать на рисунке внутреннюю область неразвернутого угла, проводить луч, разделяющий угол на два угла.</p>	УО, СП, ВП, СР
3.	Сравнение отрезков и углов	ИНМ ЗИМ		Уметь объяснить , какие геометрические фигуры называются равными, какая точка	УО, СП, ВП

				эффективные способы решения задач; анализировать условия и требования задачи; проводить анализ способов решения задачи с точки зрения их рациональности и экономичности; сопоставлять характеристики объектов по одному или нескольким признакам; выявлять сходства и различия объектов. Личностные: формирование: стартовой мотивации к обучению, положительного отношения к учению, желанию приобретать новые знания и умения; нравственно-эстетического оценивания усваиваемого материала; навыков работы по алгоритму; формирование желания осознавать свои трудности и стремиться к их преодолению; проявлять способность к самооценке своих действий, поступков.	называется серединой отрезка, какой луч называется биссектрисой угла; уметь измерять длину отрезка; сравнивать отрезки и записывать результат сравнения; сравнивать углы и записывать результат сравнения; отмечать с помощью масштабной линейки середину отрезка, с помощью транспортира проводить биссектрису угла. Выполнять чертежи по условию задачи, читать чертежи, сопровождающие текст задачи; решать задачи на нахождение длины части отрезка, или всего отрезка, вычисление угла и его части	
4.	Измерение отрезков	ИНМ ЗИМ	Коммуникативные: Уметь при необходимости отстаивать свою точку зрения, аргументируя ее, подтверждая фактами; продуктивно общаться и взаимодействовать с коллегами по совместной деятельности; с достаточной полнотой и точностью выражать свои мысли в соответствии с задачами и условиями коммуникации; вступать в диалог, участвовать в коллективном обсуждении проблем; вступать в диалог, участвовать в коллективном обсуждении проблем.	Уметь рассказывать о процедуре (алгоритме) измерения отрезков, позволяющей сделать вывод: выбрав единицу измерения, можно измерить любой отрезок, т. е. выразить его длину некоторым положительным числом; уметь аргументировать утверждения о свойствах длин отрезков; уметь решать задачи на вычисления; моделировать условие задачи с помощью чертежа или рисунка; выделять на чертеже конфигурации, необходимые для проведения обоснований логических шагов решения. Интерпретировать полученный результат и сопоставлять его с условием задачи.	УО, СП, ВП	
5.	Решение задач по теме «Измерение отрезков»	ЗИМ СЗУН	Регулятивные: определять цель учебной деятельности, осуществлять поиск ее достижения; осознавать правило контроля и	Уметь провести аналогию между измерением отрезков и измерением углов, отмечая определенное различие этих процедур; уметь	УО, СП, ВП, РК, Т	
6.	Измерение углов	ИНМ ЗИМ			УО, СП, ВП, СР	

				успешно использовать его в решении учебной задачи; составлять план выполнения задания с учителем; понимать причины своего неуспеха и находить способы выхода из этой ситуации; обнаруживать и формулировать учебную проблему совместно с учителем. Познавательные: передавать основное содержание в сжатом, выборочном или развернутом виде; выбирать наиболее эффективные способы решения задач; анализировать условия и требования задачи; проводить анализ способов решения задачи с точки зрения их рациональности и экономичности; сопоставлять характеристики объектов по одному или нескольким признакам; выявлять сходства и различия объектов. Личностные: формирование: стартовой мотивации к обучению, положительного отношения к учению, желанию приобретать новые знания и умения; нравственно-эстетического оценивания усваиваемого материала; навыков работы по алгоритму; формирование желания осознавать свои трудности и стремиться к их преодолению; проявлять способность к самооценке своих действий, поступков.	объяснить , что такое градус, минута, секунда и градусная мера угла; записывать градусные меры углов; аргументировать утверждения о свойствах градусных мер углов; уметь чётко формулировать ответы на вопросы: какой угол называется прямым? острым? тупым? Уметь решать задачи на вычисления; выделять на чертеже конфигурации, необходимые для проведения обоснований логических шагов решения. Интерпретировать полученный результат и сопоставлять его с условием задачи.	
7.	Смежные и вертикальные углы	ИНМ ЗИМ		Формулировать определения и иллюстрировать понятия вертикальных и смежных углов; Строить смежные и вертикальные углы; формулировать и обосновывать утверждения о свойствах смежных и вертикальных углов, акцентируя внимание на тех уже известных фактах, которые используются при обосновании этих утверждений; решать задачи, опираясь на изученные свойства, читать чертежи, сопровождающие текст задачи, выполнять чертежи по условию задачи	УО, СП, ВП, РК, Т	
8.	Перпендикулярные прямые	ИНМ ЗИМ		Формулировать определение перпендикулярных прямых и обосновывать утверждение о том, что две прямые, перпендикулярные к третьей, не пересекаются; Строить перпендикулярные прямые, решать задачи, опираясь на изученные свойства, читать чертежи, сопровождающие текст задачи, выполнять чертежи по условию задачи	ФО, СП, ВП, СР	
9.	Подготовка к контрольной	УОСЗ		Решать задачи, опираясь на изученные свойства смежных и вертикальных углов, перпендикулярных прямых	ФО, СП, ВП, Т	

		Работе				
10.		Контрольная работа №1 «Начальные геометрические сведения»	КЗУ	<p>Познавательные: проводят сравнение и классификацию по заданным критериям.</p> <p>Регулятивные: вносят необходимые корректизы в действие после его завершения на основе его учета характера сделанных ошибок; осуществляют самоанализ и самоконтроль.</p> <p>Коммуникативные: учитывают разные мнения и стремятся к координации различных позиций в сотрудничестве.</p> <p>Личностные: осознают важность и необходимость математических знаний для человека</p>	<p>Умеют демонстрировать знание основных понятий, применять полученные знания для решения основных и качественных задач, контролировать процесс и результат учебной математической деятельности</p>	КР
Глава 2. Треугольники (18 часов)						
11.		Треугольники	ИНМ	<p>Коммуникативные: адекватно использовать речевые средства для дискуссии и аргументации своей позиции; уметь при необходимости отстаивать свою точку зрения, аргументируя ее, подтверждая фактами; продуктивно общаться и взаимодействовать с коллегами по совместной деятельности; с достаточной полнотой и точностью выражать свои мысли в соответствии с задачами и условиями коммуникации; вступать в диалог, участвовать в коллективном обсуждении проблем; устанавливать и сравнивать разные точки зрения; определять цели и функции участников, способы взаимодействия</p>	<p>уметь объяснить, какая фигура называется треугольником, что такое вершины, стороны, углы и периметр треугольника, называть (и показывать на рисунке) для данной стороны треугольника противолежащий и прилежащие к ней углы; уметь объяснить, какие треугольники называются равными.</p>	СП, ВП
12.		Первый признак равенства треугольников	ИНМ	<p>Регулятивные: определять цель учебной деятельности, осуществлять поиск ее достижения; осознавать правило контроля и успешно использовать его в решении учебной</p>	<p>формулировать и доказывать теорему о первом признаком равенства треугольников; объяснить смысл слова «признак»; уметь решать задачи на применение первого признака равенства треугольников, осуществляя в задачах по готовым рисункам поиск и выделение необходимой информации.</p>	УО, СП, ВП
13.		Первый признак равенства треугольников	ЗИМ			ФО, СП, ВП, РК, Т
14.		Первый признак равенства треугольников	СЗУН			СП, ВП, СР
15.		Медианы, биссектрисы и высоты треугольника	ИНМ ЗИМ		<p>уметь объяснить, какой отрезок называется перпендикуляром, проведенным из данной точки к данной прямой, какие отрезки</p>	УО, СП, ВП

				задачи; составлять план выполнения задания с учителем; понимать причины своего неуспеха и находить способы выхода из этой ситуации; работать по составленному плану, использовать основные и дополнительные источники информации; вносить корректизы и дополнения в составленные планы Познавательные: передавать основное содержание в сжатом, выборочном или развернутом виде; выбирать наиболее эффективные способы решения задач; анализировать условия и требования задачи; проводить анализ способов решения задачи с точки зрения их рациональности и экономичности; выдвигать и обосновывать гипотезы, предлагать способ их корректировки; создавать структуру взаимосвязей смысловых единиц текста; преобразовывать модели с целью выявления общих законов, определяющих предметную область Личностные: формирование: стартовой мотивации к обучению, положительного отношения к учению, желанию приобретать новые знания и умения; нравственно-эстетического оценивания усваиваемого материала; навыков работы по алгоритму; навыков организации анализа своей деятельности; навыков самоанализа и самоконтроля.	называются медианой, биссектрисой, высотой треугольника, какой треугольник называется равнобедренным, равносторонним; распознавать и изображать их на чертежах и рисунка; уметь формулировать и доказывать теорему о перпендикуляре к прямой; уметь решать задачи на построение и вычисления; Интерпретировать полученный результат и сопоставлять его с условием задачи, производя поиск и выделение нужной информации на данных рисунках. Формулировать равнобедренного, равностороннего треугольников; распознавать и изображать их на чертежах и рисунках; уметь формулировать и доказывать теорему о свойствах равнобедренного треугольника Решать задачи на применение свойств равнобедренного треугольника.	
16.	Равнобедренный треугольник и его свойства	ИНМ			УО, СП, ВП, Т	
17.	Решение задач по теме «Равнобедренный треугольник»	ЗИМ			ФО, СП, ВП, СР	
18.	Второй признак равенства треугольников	ИНМ		Формулировать и доказывать теорему о втором признаке равенства треугольников, уметь провести сравнительный анализ двух способов наложения одного треугольника на другой, использованных в доказательствах теорем о первом и втором признаках, сопоставляя способ наложения с условием теоремы; аргументировать необходимость рассмотрения трёх случаев и проводить в каждом из них доказательные рассуждения; решать задачи , находя в каждой	УО, СП, ВП	
19.	Решение задач на	ЗИМ	Коммуникативные: адекватно использовать		ФО, СП,	

		применение второго признака равенства треугольников		речевые средства для дискуссии и аргументации своей позиции; уметь при необходимости отстаивать свою точку зрения, аргументируя ее, подтверждая фактами; продуктивно общаться и взаимодействовать с коллегами по совместной деятельности; с достаточной полнотой и точностью выражать свои мысли в соответствии с задачами и условиями коммуникации; вступать в диалог, участвовать в коллективном обсуждении проблем; устанавливать и сравнивать разные точки зрения; определять цели и функции участников, способы взаимодействия	из них равные треугольники и обосновывая их равенство с помощью подходящего признака. треугольников в ходе решения простейших задач	ВП, РК, Т
20.		Третий признак равенства треугольников	ИНМ			УО, СП, ВП
21.		Решение задач на применение третьего признака равенства треугольников	ЗИМ			УО, СП, ВП, РК, СР, Т
22.		Признаки равенства треугольников	СЗУН			УО, СП, ВП, Т
23.		Признаки равенства треугольников	СЗУН	Регулятивные: определять цель учебной деятельности, осуществлять поиск ее достижения; осознавать правило контроля и успешно использовать его в решении учебной задачи; составлять план выполнения задания с учителем; понимать причины своего неуспеха и находить способы выхода из этой ситуации; работать по составленному плану, использовать основные и дополнительные источники информации; вносить корректизы и дополнения в составленные планы	формулировать и доказывать теоремы о признаках равенства треугольников; решать задачи , находя в каждой из них равные треугольники и обосновывая их равенство с помощью подходящего признака.	УО, СП, ВП, РК, СР
24.		Окружность	ИНМ		уметь объяснить , что такое определение, приводить при-меры определений из уже пройденного материала, форму-лировать определение окружности и связанных с нею понятий (центр, радиус, хорда, диаметр, дуга); уметь	УО, СП, ВП
25.		Задачи на построение	ИНМ		объяснить , что понимается в геометрии под словами «задача на построение» и как с помощью циркуля и линейки вы полнить простейшие (базовые) построения: угла, равного данному; биссектрисы данного угла; прямой, проходящей через данную точку и перпендикулярной к данной прямой; середины данного отрезка; уметь применять простейшие построения при решении задач, составлять в многошаговых задачах план решения, в котором на каждом шаге выполняется какое-то одно из простейших	УО, СП, ВП, Т
26.		Решение задач на построение с помощью циркуля и линейки	ЗИМ	Познавательные: передавать основное содержание в сжатом, выборочном или развернутом виде; выбирать наиболее эффективные способы решения задач; анализировать условия и требования задачи; проводить анализ способов решения задачи с точки зрения их рациональности и		УО, СП, ВП, Т

				<p>экономичности; выдвигать и обосновывать гипотезы, предлагать способ их корректировки; создавать структуру взаимосвязей смысловых единиц текста; преобразовывать модели с целью выявления общих законов, определяющих предметную область</p> <p>Личностные: формирование: стартовой мотивации к обучению, положительного отношения к учению, желанию приобретать новые знания и умения; нравственно-эстетического оценивания усваиваемого материала; навыков работы по алгоритму; навыков организации анализа своей деятельности; навыков самоанализа и самоконтроля.</p>	<p>построений, разивать потребность в обосновании проведённого построения и исследовании возможных ситуаций в зависимости от исходных данных (существование решения, количество решений).</p>	
27.	Подготовка к контрольной работе	УОСЗ		<p>Коммуникативные: критично относиться к своему мнению; аргументировать свою точку зрения; с достаточно полнотой и точностью выражать свои мысли в соответствии с задачами и условиями коммуникации.</p> <p>Регулятивные: понимать причины своего неуспеха и находить способы выхода из этой ситуации.</p> <p>Познавательные: восстанавливать предметную ситуацию, описанную в задаче с выделением только существенной для решения задачи информации</p> <p>Личностные: формирование навыков самоанализа и самоконтроля</p>	<p>Объяснять, какая фигура называется треугольником. Распознавать элементы треугольника. Формулировать и доказывать теоремы о признаках равенства треугольников, свойства равнобедренного треугольника.</p>	УО, СП, ВП, СР
28.	Контрольная работа №2 «Треугольники.	КЗУ		<p>Познавательные: проводят сравнение и классификацию по заданным критериям.</p> <p>Регулятивные: вносят необходимые</p>	<p>Умеют демонстрировать знание основных понятий, применять полученные знания для решения основных и качественных задач,</p>	КР

		Признаки равенства треугольников»		коррективы в действие после его завершения на основе его учета характера сделанных ошибок; осуществляют самоанализ и самоконтроль. Коммуникативные: учитывают разные мнения и стремятся к координации различных позиций в сотрудничестве. Личностные: осознают важность и необходимость математических знаний для человека	контролировать процесс и результат учебной математической деятельности	
--	--	-----------------------------------	--	--	---	--

Глава 3. Параллельные прямые (12 часов)

29.		Признаки параллельности прямых	ИНМ	Коммуникативные: уметь при необходимости отстаивать свою точку зрения, аргументируя ее, подтверждая фактами; продуктивно общаться и взаимодействовать с коллегами по совместной деятельности; с достаточной полнотой и точностью выражать свои мысли в соответствии с задачами и условиями коммуникации; вступать в диалог, участвовать в коллективном обсуждении проблем; уметь(или развивать способность) брать на себя инициативу в организации совместного действия Регулятивные: определять цель учебной деятельности, осуществлять поиск ее достижения; осознавать правило контроля и успешно использовать его в решении учебной	Формулировать определения параллельных прямых, параллельных отрезков, параллельных отрезка и прямой, луча и прямой и т. д; уметь объяснять (и показать на рисунке), какие углы, образованные при пересечении двух прямых секущей, называются накрест лежащими, односторонними, соответственными; формулировать и доказывать теоремы, выражающие признаки параллельности двух прямых. Объяснять , что такое условие и заключение теоремы, какая теорема называется обратной по отношению к данной теореме; объяснять , в чем заключается метод доказательства от противного; приводить примеры использования этого метода; решать задачи на вычисление, доказательство, связанные с параллельными прямыми.	СП, ВП,
30.		Признаки параллельности прямых	ЗИМ			ФО, СП, ВП, РК
31.		Практические	УОСЗ		Решать задачи на вычисление,	ФО, СП,

		способы построения параллельных прямых		задачи; составлять план выполнения задания с учителем; понимать причины своего неуспеха и находить способы выхода из этой ситуации; самостоятельно формулировать познавательную цель и строить действия в соответствии с ней. Познавательные: передавать основное содержание в сжатом, выборочном или развернутом виде; выбирать наиболее эффективные способы решения задач; анализировать условия и требования задачи; проводить анализ способов решения задачи с точки зрения их рациональности и экономичности; выбирать смысловые единицы текста и устанавливать отношения между ними. Личностные: формирование: стартовой мотивации к обучению, положительного отношения к учению, желанию приобретать новые знания и умения; нравственно-эстетического оценивания усваиваемого материала; навыков работы по алгоритму; формирование навыков организации анализа своей деятельности.	доказательство и построение, связанные с параллельными прямыми; применять практические способы построения параллельных прямых. Решать задачи на вычисление, доказательство и построение, связанные с параллельными прямыми; применять практические способы построения параллельных прямых.	ВП, РК, Т ФО, СП, ВП, РК, СР УО, СП, ВП, РК УО, СП, ВП ФО, СП, ВП, Т ФО, СП, ВП, РК
32.		Решение задач по теме «Признаки параллельности прямых» (УП)				
33.		Аксиома параллельных прямых	ИНМ			
34.		Свойства параллельных прямых	ИНМ			
35.		Свойства параллельных прямых	ЗИМ			
36.		Решение задач по теме «Параллельные прямые»	ЗИМ	Коммуникативные: критично относиться к своему мнению; аргументировать свою точку зрения; с достаточной полнотой и точностью выражать свои мысли в соответствии с	Формулировать определения параллельных прямых; углов, образованных при пересечении двух параллельных прямых секущей; Формулировать и доказывать теоремы,	

37.		Решение задач по теме «Параллельные прямые»	СЗУН	задачами и условиями коммуникации. Регулятивные: понимать причины своего неуспеха и находить способы выхода из этой ситуации. Познавательные: восстанавливать предметную ситуацию, описанную в задаче с выделением только существенной для решения задачи информации Личностные: формирование навыков самоанализа и самоконтроля	выражающие признаки параллельности двух прямых и свойства параллельных прямых. Объяснять , что такое условие и заключение теоремы, какая теорема называется обратной по отношению к данной теореме; объяснять , в чем заключается метод доказательства от противного; приводить примеры использования этого метода; решать задачи на вычисление, доказательство и построение, связанные с параллельными прямыми.	ФО, СП, ВП, РК, СР
38.		Решение задач	СЗУН			ФО, СП, ВП, РК, Т
39.		Подготовка к контрольной работе	УОСЗ			ФО, СП, ВП, РК, СР
40.		Контрольная работа №3 по теме «Параллельные прямые»	КЗУ	Познавательные: проводят сравнение и классификацию по заданным критериям. Регулятивные: вносят необходимые корректизы в действие после его завершения на основе его учета характера сделанных ошибок; осуществляют самоанализ и самоконтроль. Коммуникативные: учитывают разные мнения и стремятся к координации различных позиций в сотрудничестве. Личностные: осознают важность и необходимость математических знаний для человека	Умеют демонстрировать знание основных понятий, применять полученные знания для решения основных и качественных задач, контролировать процесс и результат учебной математической деятельности	KР

Глава 4. Соотношения между сторонами и углами треугольника (18 часов)

41.		Сумма углов треугольника	ИНМ ЗИМ	Коммуникативные: адекватно использовать речевые средства для дискуссии и аргументации своей позиции; уметь при необходимости отстаивать свою точку зрения, аргументируя ее, подтверждая фактами; продуктивно общаться и взаимодействовать с коллегами по совместной деятельности; с	Формулировать и доказывать теорему о сумме углов треугольника, а также утверждение о внешнем угле треугольника, проявив при этом способность выводить (самостоятельно или с подсказкой учителя) несложные следствия из доказанных теорем; проводить классификацию треугольников по углам, решать задачи, опираясь на свойство внешнего угла треугольника	УО, СП, ВП
42.		Решение задач по теме «Сумма углов треугольника»	СЗУН			ФО, СП, ВП, РК, СР, Т

43.	Соотношения между сторонами и углами треугольника	ИНМ	достаточной полнотой и точностью выражать свои мысли в соответствии с задачами и условиями коммуникации; вступать в диалог, участвовать в коллективном обсуждении проблем; устанавливать и сравнивать разные точки зрения; определять цели и функции участников, способы взаимодействия Регулятивные: определять цель учебной деятельности, осуществлять поиск ее достижения; осознавать правило контроля и успешно использовать его в решении учебной задачи; составлять план выполнения задания с учителем; понимать причины своего неуспеха и находить способы выхода из этой ситуации; работать по составленному плану, использовать основные и дополнительные источники информации; вносить корректизы и дополнения в составленные планы Познавательные: передавать основное содержание в сжатом, выборочным или развернутом виде; выбирать наиболее эффективные способы решения задач; анализировать условия и требования задачи; проводить анализ способов решения задачи с точки зрения их рациональности и экономичности; выдвигать и обосновывать гипотезы, предлагать способ их корректировки; создавать структуру взаимосвязей смысловых единиц текста; преобразовывать модели с целью выявления общих законов, определяющих предметную	Формулировать и доказывать теорему о соотношениях между сторонами и углами треугольника, теорему о неравенстве треугольника, следствия из этих теорем; уметь приводить примеры прямой и обратной теорем, а также примеры, когда обратное утверждение не имеет места; решать задачи на вычисление, доказательство и построение, опираясь на признак равнобедренного треугольника, зависимость между сторонами и углами треугольника.	УО, СП, ВП
44.	Соотношения между сторонами и углами треугольника	ЗИМ			ФО, СП, ВП, РК, СР
45.	Неравенство треугольника			Формулировать и доказывать теорему о неравенстве треугольника с ее доказательством. Решать задачи на вычисление, доказательство и построение, опираясь на теорему о неравенстве треугольника	СП, ВП, Т
46.	Подготовка к контрольной работе	УОСЗ		Решать задачи на построение, доказательство и вычисления. Выделять в условии задачи условие и заключение Моделировать условие задачи с помощью чертежа или рисунка, проводить дополнительные построения в ходе решения. Опираясь на условия задачи, проводить необходимые доказательные рассуждения. Интерпретировать полученный результат и сопоставлять его с условием задачи	ФО, СП, ВП, РК, СР

			область	Личностные: формирование: стартовой мотивации к обучению, положительного отношения к учению, желанию приобретать новые знания и умения; нравственно-эстетического оценивания усваиваемого материала; навыков работы по алгоритму; навыков организации анализа своей деятельности; навыков самоанализа и Самоконтроля		
47.	Контрольная работа №4 по теме «Соотношения между сторонами и углами треугольника»	КЗУ	Познавательные: проводят сравнение и классификацию по заданным критериям. Регулятивные: вносят необходимые корректизы в действие после его завершения на основе его учета характера сделанных ошибок; осуществляют самоанализ и самоконтроль. Коммуникативные: учитывают разные мнения и стремятся к координации различных позиций в сотрудничестве. Личностные: осознают важность и необходимость математических знаний для человека	Умеют демонстрировать знание основных понятий, применять полученные знания для решения основных и качественных задач, контролировать процесс и результат учебной математической деятельности		КР
48.	Прямоугольные треугольники и некоторые их свойства	ИНМ	Коммуникативные: адекватно использовать речевые средства для дискуссии и аргументации своей позиции; уметь при необходимости отстаивать свою точку зрения, аргументируя ее, подтверждая фактами; продуктивно общаться и взаимодействовать с коллегами по совместной деятельности; с достаточной полнотой и точностью выражать свои мысли в соответствии с задачами и	Формулировать и доказывать свойства прямоугольного треугольника; применять свойства прямоугольных треугольников; в ходе изучения нового материала формировать способность самостоятельно находить способы доказательства новых утверждений на основе накопленных геометрических знаний; решать задачи , опираясь на свойства прямоугольных треугольников. Использовать приобретенные знания и умения в практической деятельности и повседневной жизни для описания реальных	УО, СП, ВП	
49.	Решение задач на применение свойства прямоугольных треугольников	ИНМ ЗИМ			ФО, СП, ВП, РК, СР	

				условиями коммуникации; вступать в диалог, участвовать в коллективном обсуждении проблем; устанавливать и сравнивать разные точки зрения; определять цели и функции участников, способы взаимодействия	ситуаций на языке геометрии.	
50.		Признаки равенства прямоугольных треугольников	ИИМ ЗИМ		Формулировать и доказывать теоремы о признаках равенства прямоугольных треугольников; в ходе изучения нового материала формировать способность самостоятельно находить способы доказательства новых утверждений на основе накопленных геометрических знаний; решать задачи , опираясь на признаки равенства прямоугольных треугольников. Использовать приобретенные знания и умения в практической деятельности и повседневной жизни для описания реальных ситуаций на языке геометрии.	УО, СП, ВП, РК, Т
51.		Признаки равенства прямоугольных треугольников. Решение задач	ЗИМ	Регулятивные: определять цель учебной деятельности, осуществлять поиск ее достижения; осознавать правило контроля и успешно использовать его в решении учебной задачи; составлять план выполнения задания с учителем; понимать причины своего неуспеха и находить способы выхода из этой ситуации; работать по составленному плану, использовать основные и дополнительные источники информации; вносить корректизы и дополнения в составленные планы Познавательные: передавать основное содержание в сжатом, выборочном или развернутом виде; выбирать наиболее эффективные способы решения задач; анализировать условия и требования задачи; проводить анализ способов решения задачи с точки зрения их рациональности и экономичности; выдвигать и обосновывать гипотезы, предлагать способ их корректировки; создавать структуру взаимосвязей смысловых единиц текста;	Объяснить , какой отрезок называется наклонной, проведённой из данной точки к данной прямой, что называется расстоянием от точки до прямой и расстоянием между двумя параллельными прямыми; уметь доказывать , что перпендикуляр, проведённый из точки к прямой, меньше любой наклонной, проведённой из той же точки к этой прямой; теорему о том, что все точки каждой из двух параллельных прямых равноудалены от другой прямой; уметь объяснить , что такое геометрическое место точек, и приводить аргументированные примеры геометрических мест точек; решать задачи на вычисление и доказательство нахождение расстояния от точки до прямой, расстояния между параллельными прямыми.	ФО, СП, ВП, РК, СР
52.		Расстояние от точки до прямой. Расстояние между параллельными прямыми	ИИМ ЗИМ		Иметь представление о задачах на построение. уметь строить треугольник по двум сторонам и углу между ними, по стороне и двум прилежащим к ней углам, по трём сторонам.	ФО, СП, ВП
53.		Построение треугольника по трем элементам	ИИМ ЗИМ	преобразовывать модели с целью выявления общих законов, определяющих предметную область Личностные: формирование: стартовой		ФО, СП, ВП, РК

54.	Построение треугольника по трем элементам	ЗИМ	мотивации к обучению, положительного отношения к учению, желанию приобретать новые знания и умения; нравственно-эстетического оценивания усваиваемого материала; навыков работы по алгоритму; навыков организации анализа своей деятельности; навыков самоанализа и самоконтроля	Иметь представление о задачах на построение. уметь строить треугольник по двум сторонам и углу между ними, по стороне и двум прилежащим к ней углам, по трём сторонам.	СП, ВП, РК, Т
55.	Решение задач по теме «Построение треугольника по трем элементам»	СЗУН		Иметь представление о задачах на построение. уметь строить треугольник по двум сторонам и углу между ними, по стороне и двум прилежащим к ней углам, по трём сторонам.	ФО, СП, ВП, РК, СР
56.	Решение задач по теме «Соотношения между сторонами и углами треугольника»	СЗУН	<p>Коммуникативные: понимать возможность существования различных точек зрения, не совпадающих с собственной; уметь устанавливать и сравнивать разные точки зрения, прежде чем принимать решение и делать выбор.</p> <p>Регулятивные: составлять план выполнения заданий совместно с учителем</p> <p>Познавательные: выражать структуру задачи разными средствами</p> <p>Личностные: формирование положительного отношения к учению, желания приобретать новые знания, умения.</p>	Решать задачи на вычисление и доказательство, опираясь на теорему о сумме углов треугольника, свойство внешнего угла треугольника, признаки равнобедренного треугольника, признаки равенства прямоугольных треугольников и их свойства; решать задачи на построение с использованием известных алгоритмов	ФО, СП, ВП, РК, Т
57.	Подготовка к контрольной работе	УОСЗ	<p>Коммуникативные: критично относиться к своему мнению; аргументировать свою точку зрения; с достаточной полнотой и точностью выражать свои мысли в соответствии с задачами и условиями коммуникации.</p> <p>Регулятивные: понимать причины своего неуспеха и находить способы выхода из этой ситуации.</p> <p>Познавательные: восстанавливать</p>	Решать задачи на вычисление и доказательство, опираясь на теорему о сумме углов треугольника, свойство внешнего угла треугольника, признаки равнобедренного треугольника, признаки равенства прямоугольных треугольников и их свойства; решать задачи на построение с использованием известных алгоритмов	ФО, СП, ВП, РК, СР

				предметную ситуацию, описанную в задаче с выделением только существенной для решения задачи информации Личностные: составлять алгоритмы выполнения задания, навыков выполнения творческого задания.		
58.	Контрольная работа №5 по теме «Прямоугольный треугольник. Построение треугольника по трем сторонам»	КЗУ		Познавательные: проводят сравнение и классификацию по заданным критериям. Регулятивные: вносят необходимые корректизы в действие после его завершения на основе его учета характера сделанных ошибок; осуществляют самоанализ и самоконтроль. Коммуникативные: учитывают разные мнения и стремятся к координации различных позиций в сотрудничестве. Личностные: осознают важность и необходимость математических знаний для человека	Умеют демонстрировать знание основных понятий, применять полученные знания для решения основных и качественных задач, контролировать процесс и результат учебной математической деятельности	KP
Итоговое повторение (6 часов)						
59.	Повторение. Начальные геометрические сведения.	УОСЗ СЗУН		Коммуникативные: уважительно относится к позиции другого; выполнять различные роли в группе; оформлять мысли в устной и письменной речи с учетом речевых ситуаций; регулировать собственную деятельность посредством письменной речи	Применять на практике теоретический материал по теме «Начальные геометрические сведения». Решать задачи на готовых чертежах	УО, СП, ВП, РК, СР, Т
60.	Повторение. Признаки равенства треугольников. Равнобедренный треугольник.	УОСЗ СЗУН		Регулятивные: оценивать достигнутый результат, самостоятельно формулировать познавательную цель и строить действия в соответствии с ней; предвосхищать результат и уровень усвоения	Применять на практике теоретический материал по теме «Признаки равенства треугольников. Равнобедренный треугольник». Решать задачи на повторение	УО, СП, ВП, РК, СР, Т
61.	Повторение. Параллельные	УОСЗ СЗУН			Применять на практике теоретический материал по теме «Параллельные прямые. Свойства». Решать задачи на готовых чертежах	УО, СП, ВП, РК,

		прямые. Свойства.		Познавательные: ориентироваться на разнообразие способов решения задач; выбирать наиболее эффективные способы Личностные: формирование навыков организации анализа своей деятельности; навыков самоанализа и самоконтроля		СР, Т
62.		Повторение. Соотношения между сторонами и углами треугольника	УОСЗ СЗУН		Применять на практике теоретический материал по теме «Соотношения между сторонами и углами треугольника». Решать задачи на повторение и обобщение	УО, СП, ВП, РК, СР, Т
63.		Повторение. Задачи на построение	УОСЗ СЗУН		Применять на практике теоретический материал по теме «Задачи на построение», Использовать приобретенные знания и умения в практической жизни для описания реальных ситуаций на языке геометрии.	УО, СП, ВП, РК, СР, Т
64.		Итоговая контрольная Работа	КЗУ	Систематизация знаний, умений и навыков по курсу геометрии 7 класса	Применять на практике теоретический материал по теме «Начальные геометрические сведения». Решать задачи на готовых чертежах	УО, СП, ВП, РК, СР, Т
65.		Решение задач (Резерв)	СЗУН		Знать: основной теоретический материал курса стереометрии.	
66.		Решение задач (Резерв)	СЗУН		Уметь: решать задачи	
67.		Решение задач (Резерв)	СЗУН		Знать: основной теоретический материал курса стереометрии.	
68.		Решение задач (Резерв)	СЗУН		Уметь: решать задачи	

Принятые сокращения:

ИНМ – изучение нового материала

ЗИМ – закрепление изученного материала

СЗУН – совершенствование знаний, умений, навыков

УОСЗ – урок обобщения и систематизации знаний

КЗУ – контроль знаний и умений

Т – тест

СП – самопроверка

ВП – взаимопроверка

СР – самостоятельная работа

РК – работа по карточкам

ФО – фронтальный опрос

УО – устный опрос

ПР – проверочная работа

З – зачет

2 вариант ПТП при электронном обучении

План изучения модуля «Начальные геометрические сведения» – 10 часов

Часть модуля	Краткое содержание	Количество часов	Используемые ресурсы	Ссылка на материалы
Введение	Режим изучения модуля, используемые электронные ресурсы, платформы, обзор тем, вынесенных на повторение.	1 час	Zoom	
Теоретический материал	П. 1-13 в учебнике. Видеоуроки по темам: Прямая и отрезок: точки, прямые, отрезки; провешивание прямой на местности. Луч и угол. Сравнение отрезков и углов: равенство геометрических фигур; сравнение отрезков и углов. Измерение отрезков: длина отрезка; единицы измерения; измерительные инструменты. Измерение углов: градусная мера угла; измерение углов на местности. Перпендикулярные прямые: смежные и вертикальные углы; перпендикулярные прямые; построение прямых углов на местности.	6 часов	Образовательная платформа школы (облачный диск)	
Самостоятельный контроль знаний	Тестовые задания по темам, интерактивные задания на платформах.		Платформы: Я класс Решу ВПР	
Консультация	Вопросы по теме	2 часа	Zoom	10 и 17 сентября в 10.00
Итоговый контроль	Контрольная работа в онлайн режиме	1 час	Zoom	1 октября в 10.00

План изучения модуля «Треугольники» – 18 часов

Часть модуля	Краткое содержание	Количество часов	Используемые ресурсы	Ссылка на материалы
Введение	Режим изучения модуля, используемые электронные ресурсы, платформы, обзор тем теоретического материала.	1 час	Zoom, ютуб	
Теоретический	П.14-23 в учебнике. Презентации, опорные	13 часов	Образовательная	

материал	конспекты, схемы, видеоуроки по темам: Треугольник. Первый признак равенства треугольников. Перпендикуляр к прямой. Медианы, биссектрисы и высоты треугольника. Свойства равнобедренного треугольника. Второй признак равенства треугольников. Третий признак равенства треугольников. Задачи на построение: окружность; построение циркулем и линейкой; примеры задач на построение		платформа школы (облачный диск)	
Самостоятельный контроль знаний	Тестовые задания по темам, интерактивные задания на платформах.		Платформы: Я класс Решу ВПР	
Консультация	Вопросы по теме	3 часа	Zoom	8 октября, 19 ноября, 10 декабря в 10.00
Итоговый контроль	Контрольная работа в онлайн режиме	1 час	Zoom	18 декабря в 10.00

План изучения модуля «Параллельные прямые» – 12 часов

Часть модуля	Краткое содержание	Количество часов	Используемые ресурсы	Ссылка на материалы
Введение	Режим изучения модуля, используемые электронные ресурсы, платформы, обзор тем теоретического материала.	1 час	Zoom, ютуб	
Теоретический материал	П. 24-30 в учебнике. Презентации, опорные конспекты, схемы, видеоуроки по темам: Определение параллельных прямых. Признаки параллельности двух прямых. Практические способы построения параллельных прямых. Об аксиомах геометрии. Аксиома параллельных прямых. Теоремы об углах, образованных двумя параллельными прямыми и секущей. Углы с соответственно параллельными или перпендикулярными сторонами.	8 часов	Образовательная платформа школы (облачный диск)	

Самостоятельный контроль знаний	Тестовые задания по темам, интерактивные задания на платформах.		Платформы: Я класс Решу ВПР	
Консультация	Вопросы по теме	2 часа	Zoom	
Итоговый контроль	Контрольная работа в онлайн режиме	1 час	Zoom	

Примерные контрольные работы по курсу геометрии 7 класса
Контрольная работа № 1 «Начальные геометрические сведения»

Вариант 1

- Три точки В, С и D лежат на одной прямой. Известно, что $BD = 17$ см, $DC = 25$ см. Какой может быть длина отрезка BC?
- Сумма вертикальных углов МОЕ и DOC, образованных при пересечении прямых MC и DE, равна 204° . Найдите угол MOD.
- С помощью транспортира начертите угол, равный 78° , и проведите биссектрису смежного с ним угла.

Вариант 2

- Три точки M, N и K лежат на одной прямой. Известно, что $MN = 15$ см, $NK = 18$ см. Каким может быть расстояние MK?
- Сумма вертикальных углов AOB и COD, образованных при пересечении прямых AD и BC, равна 108° . Найдите угол BOD.
- С помощью транспортира начертите угол, равный 132° , и проведите биссектрису одного из смежных с ним углов.

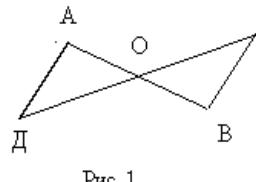
Вариант 3(для более подготовленных учащихся)

- Лежат ли точки M, N и P на одной прямой, если $MP = 12$ см, $MN = 5$ см, $PN = 8$ см?
- Найдите все неразвернутые углы, образованные при пересечении двух прямых, если разность двух из них равна 37° .

Контрольная работа №2 «Треугольники»

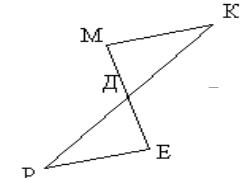
Вариант 1

- Отрезки AB и CD пересекаются в их середине O.
Докажите, что $\angle DAO = \angle CBO$.
- Луч AD – биссектриса угла A. На сторонах угла A отмечены точки B и C так, что $\angle ADB = \angle ADC$. Докажите, что $AB = AC$.
- Начертите равнобедренный треугольник ABC с основанием BC. С помощью циркуля и линейки проведите медиану BB₁ к боковой стороне AC.



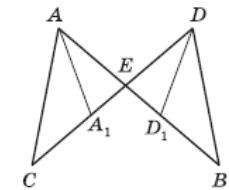
Вариант 2

- На рисунке отрезки ME и PK точкой D делятся пополам.
Докажите, что $\angle KMD = \angle PED$.
- На сторонах угла D отмечены точки M и K так, что $DM = DK$. Точка P лежит внутри угла D и $PK = PM$. Докажите, что луч DP – биссектриса угла MDK.
- Начертите равнобедренный треугольник ABC с основанием AC. С помощью циркуля и линейки проведите высоту из вершины угла A.



Вариант 3 (для более подготовленных учащихся)

- На рисунке прямые AB и CD пересекаются в точке E , $CE = BE$, $\angle C = \angle B$, AA_1 и DD_1 — биссектрисы треугольников ACE и DBE . Докажите, что $AA_1 = DD_1$.
- На сторонах угла A отмечены точки B и C так, что $AB = AC$. Точка M лежит внутри угла A , и $MB = MC$. На прямой AM отмечена точка D так, что точка M лежит между точками A и D . Докажите, что $\angle BMD = \angle CMD$.
- Начертите равнобедренный тупоугольник ABC с основанием BC и с тупым углом A . С помощью циркуля и линейки проведите:
а) высоту треугольника ABC из вершины угла B ; б) медиану треугольника ABC к стороне AB ; в) биссектрису AD треугольника ABC .



Контрольная работа №3 «Параллельные прямые»

Вариант 1

- Отрезки AB и CD пересекаются в их середине M .
Докажите, что $AD \parallel BC$.

- Отрезок DM — биссектриса треугольника CDE . Через точку M проведена прямая, параллельная стороне CD и пересекающая сторону DE в точке N . Найдите углы треугольника DMN , если $\angle CDE = 68^\circ$.

Вариант 2

- Отрезки MN и EF пересекаются в их середине P .

Докажите, что $EN \parallel MF$.

- Отрезок AD — биссектриса треугольника ABC . Через точку D проведена прямая, параллельная стороне AB и пересекающая сторону AC в точке F . Найдите углы треугольника ADF , если $\angle BAC = 72^\circ$.

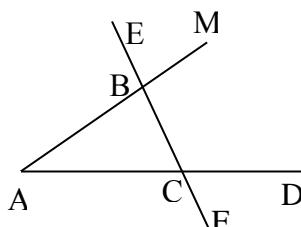
Вариант 3(для более подготовленных учащихся)

- Отрезок AD — биссектриса треугольника ABC . Через точку D проведена прямая, пересекающая сторону AB в точке M так, что $AM = MD$. Найдите углы треугольника AMD , если $\angle BAC = 64^\circ$.
- На рисунке $AC \parallel BD$, точка M — середина отрезка AB . Докажите, что M — середина CD

Контрольная работа № 4 «Соотношения между сторонами и углами треугольника»

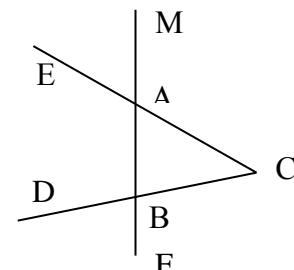
Вариант 1

- На рисунке $\angle ABE = 104^\circ$, $\angle DCF = 76^\circ$, $AC = 12$ см.
Найдите сторону AB треугольника ABC .
- В треугольнике CDE точка M лежит на стороне CE , причем $\angle CM\bar{D}$ острый.
Докажите, что $DE > DM$.
- Периметр равнобедренного тупоугольного треугольника равен 45 см, а одна из его сторон больше другой на 9 см. Найдите стороны треугольника.



Вариант 2

- На рисунке $\angle BAE = 112^\circ$, $\angle DBF = 68^\circ$, $BC = 9$ см.
Найдите сторону AC треугольника ABC .
- В треугольнике MNP точка K лежит на стороне MN , причем $\angle NKP$ острый.
Докажите, что $KP < MP$.
- Одна из сторон тупоугольного равнобедренного треугольника на 17 см меньше другой. Найдите стороны этого треугольника, если его периметр равен 77 см.



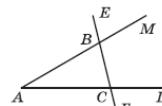
Вариант 3 (для более подготовленных учащихся)

1. На рисунке $\angle CBM = \angle ACF$, $PABC = 34$ см, $BC = 12$ см.

Найдите сторону AC треугольника ABC .

2. В треугольнике MNK $\angle K = 37^\circ$, $\angle M = 69^\circ$, отрезок NP — биссектриса треугольника. Докажите, что $MP < PK$.

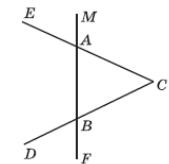
3. Периметр равнобедренного треугольника равен 45 см, а одна из его сторон больше другой на 12 см. Найдите стороны треугольника

**Вариант4** (для более подготовленных учащихся)

На рисунке $\angle EAM = \angle DBF$, $BC = 17$ см, $PABC = 45$ см. Найдите сторону AB треугольника ABC .

2. В треугольнике CDE $\angle E = 76^\circ$, $\angle D = 66^\circ$, EK — биссектриса треугольника. Докажите, что $KC > DK$.

3. Периметр равнобедренного треугольника равен 50 см, а одна из его сторон на 13 см меньше другой. Найдите стороны треугольника



Контрольная работа № 5 Прямоугольные треугольники.

Вариант 1

1. В остроугольном треугольнике MNP биссектриса угла M пересекает высоту NK в точке O , причем $OK = 9$ см. Найдите расстояние от точки O до прямой MN .
2. Постройте прямоугольный треугольник по гипотенузе и острому углу.
3. С помощью циркуля и линейки постройте угол, равный 150° .

Вариант 2

1. В прямоугольном треугольнике DCE с прямым углом C проведена биссектриса EF , причем $FC = 13$ см. Найдите расстояние от точки F до прямой DE .
2. Постройте прямоугольный треугольник по катету и прилежащему к нему острому углу.
3. С помощью циркуля и линейки постройте угол, равный 105° .

Контрольная работа № 6**Итоговая контрольная работа****Вариант 1**

1. В равнобедренном треугольнике ABC с основанием AC на медиане BD отмечена точка K , а на сторонах AB и BC — точки M и N соответственно. Известно, что $\angle BKM = \angle BKN$, $\angle BMK = 110^\circ$.
 - а) Найдите угол BKN .
 - б) Докажите, что прямые MN и BK взаимно перпендикулярны.
2. На сторонах AB , BC и CA треугольника ABC отмечены точки D , E и F соответственно. Известно, что $\angle ABC = 61^\circ$, $\angle CEF = 60^\circ$, $\angle ADF = 61^\circ$.
 - а) Найдите угол DFE .
 - б) Докажите, что прямые AB и EF пересекаются.

- Вариант 2**
1. В треугольнике ABC угол A равен 55° . Внутри треугольника отмечена точка O так, что $\angle AOB = \angle COB$ и $AO = OC$.
 - а) Найдите угол ACB .
 - б) Докажите, что прямая BO является серединным перпендикуляром к стороне AC .
 2. На прямой последовательно отложены отрезки AB , BC , CD . Точки E и F расположены по разные стороны от этой прямой, причем $\angle ABE = 140^\circ$, $\angle ACF = 40^\circ$, $\angle FBD = 49^\circ$, $\angle ACE = 48^\circ$.

Докажите, что:

 - а) прямые BE и CF параллельны;
 - б) прямые BF и CE пересекаются.

3. В прямоугольном треугольнике ABC катет AB равен 3 см, угол C равен 15° . На катете AC отмечена точка D так, что $\angle CBD = 15^\circ$.
- Найдите длину отрезка BD .
 - Докажите, что $BC < 12$ см.

3. В треугольнике ABC $\angle B = 90^\circ$, $\angle C = 60^\circ$, $BC = 2$ см. На стороне FC отмечена точка D так, что $\angle ABD = 30^\circ$.
- Найдите длину отрезка AD .
 - Докажите, что периметр треугольника ABC меньше 10 см.